

QUA-LIS NRW



HERZLICH WILLKOMMEN

Implementationsveranstaltung
Zentrale Prüfungen 10 – Mathematik
Prüfungsteil 1 ab 2023 ohne
Hilfsmittel



Ministerium für Schule und Bildung des Landes Nordrhein-Westfalen



Gliederung

- 1. Mathematik ohne Hilfsmittel Überblick
- 2. Konzept und Vorgaben zur ZP10
- 3. Prüfungsteil 1 ab 2023 im Detail
- 4. Fachliche Unterstützungsmaterialien

Mai 2021

Implementationsveranstaltung - ZP10 Mathematik ab 2023



Ministerium für Schule und Bildung des Landes Nordrhein-Westfalen



Gliederung

- 1. Mathematik ohne Hilfsmittel Überblick
- 2. Konzept und Vorgaben zur ZP10
- 3. Prüfungsteil 1 ab 2023 im Detail
- 4. Fachliche Unterstützungsmaterialien

Mai 2021

Implementationsveranstaltung - ZP10 Mathematik ab 2023



Ministerium für Schule und Bildung des Landes Nordrhein-Westfalen



Warum Mathematik ohne Hilfsmittel?

- Rückmeldungen und Beobachtungen aus ZP10
 - Umgang mit Bruchzahlen, Term Umformungen und Gleichungen schwierig
 - Berechnungen einfacher Werte und Anwenden einfacher Heuristiken zur Problemlösung nur mit TR
- Rückmeldungen aus Ausbildungsbetrieben Fachhochschulen und Universitäten
 - geringes Zahlverständnis insbesondere bei rationalen Zahlen sowohl in Bruch- als auch in Dezimalschreibweise
 - z.T. sehr geringe Kompetenzen im Umgang mit Termen, Termumformungen, Gleichungen
 - mangelnde Grundvorstellungen funktionaler Zusammenhänge
- Flexibler Umgang mit Basiskompetenzen im alltäglichen Leben

Mai 2021

Implementationsveranstaltung - ZP10 Mathematik ab 2023



Ministerium für Schule und Bildung des Landes Nordrhein-Westfalen



Digitalisierung und hilfsmittelfreies Arbeiten

- Einsatz digitaler Werkzeuge und Hilfsmittel ist sinnvoll und notwendig z.B.
 - zum Entdecken und Verstehen
 - zum einfachen Wechsel zwischen Darstellungen
 - zum Übernehmen zeitaufwändiger oder komplexer Rechnungen
 - zum Vorbereiten und Verstehen algorithmischer Verfahren



Mai 2021

Implementationsveranstaltung - ZP10 Mathematik ab 2023



Ministerium für Schule und Bildung des Landes Nordrhein-Westfalen



Digitalisierung und hilfsmittelfreies Arbeiten

- Kompetenzerwartungen i.d.R. unabhängig von (digitalen) Hilfsmitteln
- · ohne Hilfsmittel z.B.
 - Grundverständnis mathematischer Zusammenhänge
 - Berechnung einfacher Werte
 - Umgang mit symbolisch, formalen Elementen der Mathematik (z.B. Variablen, Terme, Gleichungen)
 - Anwendung und Verständnis von grundlegenden Algorithmen
 - Operieren mit mathematischen Objekten
 - Wechsel von Darstellungsebenen (z.B. Wortform, Term, Tabelle, Graph)



Mai 2021

Implementationsveranstaltung - ZP10 Mathematik ab 2023



Ministerium für Schule und Bildung des Landes Nordrhein-Westfalen



Digitalisierung und hilfsmittelfreies Arbeiten

- Kompetenzerwartungen mit und ohne Hilfsmittel ergänzen sich sinnvoll
- beide Aspekte notwendig und miteinander verschränkt
- Konsequenz: Überprüfung der Standards sowohl mit als auch ohne die Hilfsmittel Taschenrechner und Formelsammlung



Mai 2021

Implementationsveranstaltung - ZP10 Mathematik ab 2023







Digitalisierung und hilfsmittelfreies Arbeiten

gute Erfahrungen zu Prüfungsteilen ohne Hilfsmittel

- ZKE seit 2015
 - PT 1 ohne Hilfsmittel GTR/CAS und Formelsammlung
 - PT 2 notwendiger Einsatz der o.g. Hilfsmittel
- Abitur seit 2017
 - PT 1 ohne Hilfsmittel GTR/CAS und Formelsammlung
 - PT 2 notwendiger Einsatz der o.g. Hilfsmittel

Mai 2021

Implementationsveranstaltung - ZP10 Mathematik ab 2023



Ministerium für Schule und Bildung des Landes Nordrhein-Westfalen



Gliederung

- 1. Mathematik ohne Hilfsmittel Überblick
- 2. Konzept und Vorgaben zur ZP10
- 3. Prüfungsteil 1 ab 2023 im Detail
- 4. Fachliche Unterstützungsmaterialien

Mai 2021

Implementationsveranstaltung - ZP10 Mathematik ab 2023



Ministerium für Schule und Bildung des Landes Nordrhein-Westfalen



Grundlagen der Prüfungsaufgaben

- Kompetenzerwartungen der Sek I
 - seit 2004 in allen Kernlehrplänen Mathematik,
 - weisen sowohl Erwartungen mit Werkzeugen/Medien als auch Erwartungen ohne Werkzeuge/Medien auf.



- Prüfungsaufgaben
 - orientierten sich an Kernlehrplänen,
 - überprüfen erworbene Kompetenzen.

Mai 2021

Implementationsveranstaltung - ZP10 Mathematik ab 2023



Ministerium für Schule und Bildung des Landes Nordrhein-Westfalen

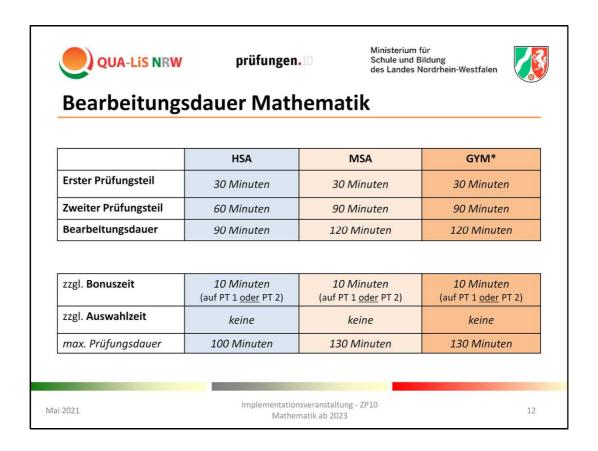


Struktur der schriftlichen Prüfung

- Die schriftliche Prüfung besteht aus zwei Teilen.
 - Im ersten Teil werden Basiskompetenzen in einzelnen, nicht aufeinander bezogenen Teilaufgaben überprüft.
 Diese Aufgaben sind ab 2023 ohne die Hilfsmittel Taschenrechner und Formelsammlung zu bearbeiten.
 - Im zweiten Teil werden komplexere Aufgaben mit jeweils mehreren Teilaufgaben innerhalb eines Kontextes gestellt.
 - Mit diesen Aufgaben werden insgesamt Kompetenzen aus allen Prozessbereichen und allen Inhaltsbereichen überprüft.
 - Zur Bearbeitung der Aufgaben sind Kompetenzen aus der gesamten Sekundarstufe I erforderlich.

Mai 2021

Implementationsveranstaltung - ZP10 Mathematik ab 2023



Der erste Aufgabenteil ist spätestens nach der dafür festgelegten Dauer (ggf. zuzüglich der Bonuszeit von 10 Minuten) abzugeben.

Nach der Abgabe des ersten Aufgabenteils kann **sofort** mit dem zweiten Aufgabenteil begonnen werden.

Wird der erste Aufgabenteil früher als in der oben vorgesehenen Zeit abgegeben, steht entsprechend mehr Zeit für die Bearbeitung des zweiten Aufgabenteils zur Verfügung.

*GYM (Anforderungen mit gymnasialer Differenzierung) bezieht sich aktuell auf die wenigen Schulen, die 2023 eine 10. Jahrgangsstufe haben (sog. "Schulversuch G9" sowie "Aufbaugymnasien"),

alle anderen Gymnasien nach dem neuen KLP 2019 erreichen erst 2024 die Jahrgangsstufe 10.



Ministerium für Schule und Bildung des Landes Nordrhein-Westfalen



Bewertung der Prüfungsleistung

- Die Bewertung der Prüfungsleistung erfolgt auf der Grundlage vorgegebener Auswertungsanleitungen. Diese enthalten an Kompetenzen orientierte und auf die einzelnen Aufgaben bezogene Auswertungskriterien.
- Zur Orientierung bei der Bewertung sind zusätzlich Beispiellösungen dargestellt.
- Kriterien, die teilweise erfüllt werden, sind im angemessenen Umfang zu bewerten.
- Der Umgang mit Maßeinheiten und die Darstellung der Lösungen werden aufgabenübergreifend bewertet.

Mai 2021

Implementationsveranstaltung - ZP10 Mathematik ab 2023



Einzige Änderung: PT1 ab 2023 ohne die Hilfsmittel Formelsammlung und Taschenrechner.

Stifte und Lineal sind fächerübergreifend zugelassene "Hilfsmittel" – in den Vorgaben nicht aufgeführt.

Das Verwenden und ggf. die Einführung **aller** Hilfsmittel muss auch in der Doppeljahrgangsstufe 9/10 erfolgen.

Der Wortlaut der Regelungen ist den jeweiligen "Vorgaben zu den unterrichtlichen Voraussetzungen für die zentralen Prüfungen am Ende der Klasse 10 im Jahr 2023" zu entnehmen.



Ministerium für Schule und Bildung des Landes Nordrhein-Westfalen

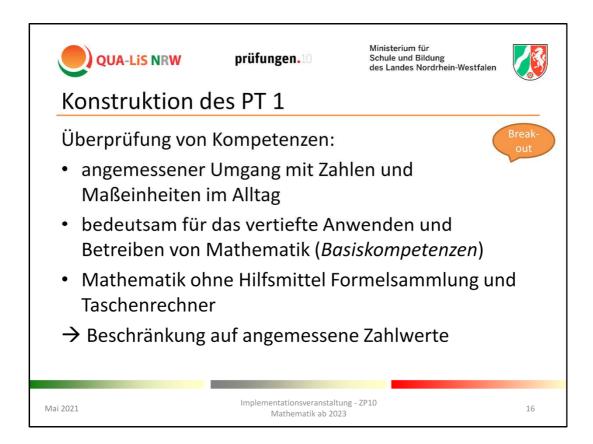


Gliederung

- 1. Mathematik ohne Hilfsmittel Überblick
- 2. Konzept und Vorgaben zur ZP10
- 3. Prüfungsteil 1 ab 2023 im Detail
- 4. Fachliche Unterstützungsmaterialien

Mai 2021

Implementationsveranstaltung - ZP10 Mathematik ab 2023



alle Prozesse möglich auf einem geringeren Anforderungsniveau, Prozesse stehen nicht im Vordergrund alle inhaltlichen Schwerpunkte möglich

BREAKOUT: Anregung zum Austausch (kurze Phase), z.B.:

- 1. Welche Chancen bieten sich durch gezielten, punktuellen Verzicht auf (digitale) Hilfsmittel im Unterricht?
- 2. Welche inhaltlichen Schwerpunkte sollten Schülerinnen und Schüler am Ende der Jahrgangsstufe 10 sicher ohne Hilfsmittel beherrschen können?



Ministerium für Schule und Bildung des Landes Nordrhein-Westfalen



mögliche Schwerpunkte im PT 1 – HSA

- Arithmetik/Algebra
 - Umgang mit Größen und Maßeinheiten
 - Zahlen, Rechnungen, Terme und Gleichungen
 - Grundvorstellungen
 - Grundrechenarten
 - Wert von Termen berechnen
 - einfache Terme umformen
 - lineare Gleichungen lösen
- Funktionen

Mai 2021

- Grundvorstellungen
- Darstellungen und Wechsel der Darstellung
- lineare Funktionen
- Grundaufgaben der Prozentrechnung

- Geometrie
 - Grundprinzip Messen
 - ebene Figuren (Dreieck und Rechteck sowie daraus zusammengesetzte Figuren)
 - Satz des Pythagoras
 - Quader, Prisma und Pyramide
- Stochastik
 - Mittelwerte, Listen und Häufigkeiten
 - Darstellungen erfassen und erstellen
 - Laplace-Wahrscheinlichkeit
 - einstufige Zufallsexperimente

Implementationsveranstaltung - ZP10 Mathematik ab 2023



Ministerium für Schule und Bildung des Landes Nordrhein-Westfalen



mögliche Schwerpunkte im PT 1 – MSA

- · Arithmetik/Algebra
 - Umgang mit Größen und Maßeinheiten
 - Zahlen, Rechnungen, Terme und Gleichungen
 - wie HSA
 - lineare und quadratische Gleichungen lösen
 - · Terme umformen
 - · Potenzschreibweise anwenden
- Funktionen
 - wie HSA
 - quadratische Funktionen, die mit einer Veränderung aus der Normalparabel hervorgehen

- Geometrie
 - Grundprinzip Messen
 - ebene Figuren ohne Kreissektor und Kreisring
 - Satz des Pythagoras
 - geometrische Grundkörper ohne Kugel
- Stochastik
 - wie HSA
 - zweistufige Zufallsexperimente

Mai 2021

Implementationsveranstaltung - ZP10 Mathematik ab 2023



Ministerium für Schule und Bildung des Landes Nordrhein-Westfalen



mögliche Schwerpunkte im PT 1 – GYM

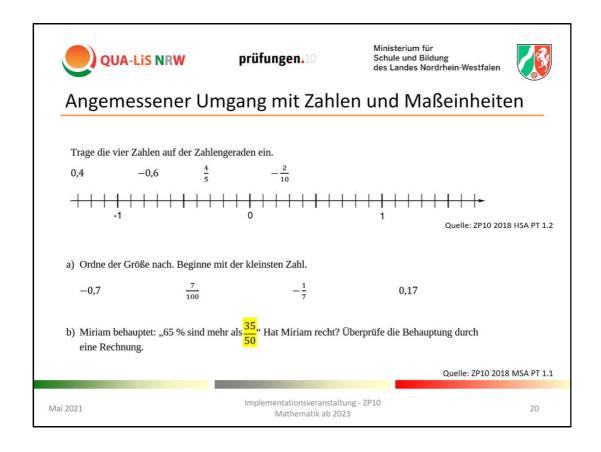
- Arithmetik/Algebra
 - Umgang mit Größen und Maßeinheiten
 - Zahlen, Rechnungen, Terme und Gleichungen
 - · wie HSA
 - lineare und quadratische Gleichungen lösen
 - Terme umformen
 - · Potenzschreibweise anwenden
- Funktionen
 - wie HSA
 - quadratische Funktionen, die mit einer Veränderung mit einer Veränderung aus de Normalparabel hervorgehen

- Geometrie
 - Grundprinzip Messen
 - ebene Figuren ohne Kreissektor und Kreisring
 - Satz des Pythagoras
 - geometrische frankörper

tufig 20 Is experimente

Mai 2021

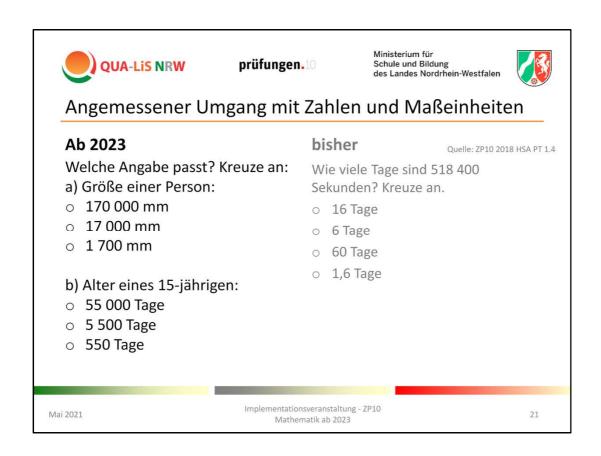
Implementationsveranstaltung - ZP10 Mathematik ab 2023



Auf den folgenden Folien ist nur dargestellt, was sich ändert – viele Aufgaben bleiben unverändert bestehen!

Angemessener Umgang mit Zahlen und Maßeinheiten im Alltag

Ggf. einfachere Zahlenwerte, insbesondere bei b)
Angepasste Werte in dem Handout "Beispiele" -> 35/50

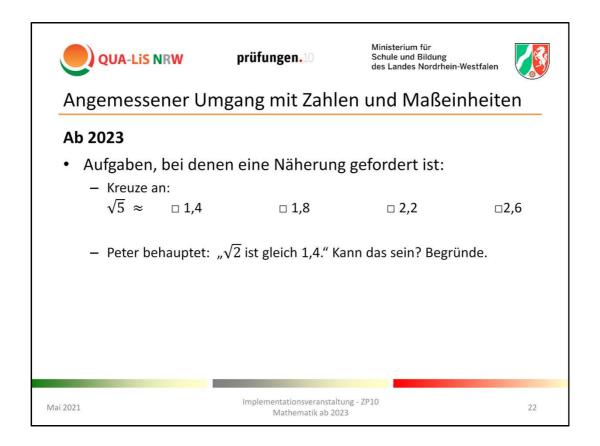


Angemessener Umgang mit Zahlen und Maßeinheiten im Alltag

Durch das händische Rechnen sollte der Fokus stärker auf wesentliche Begriffe und Vorstellungen liegen.

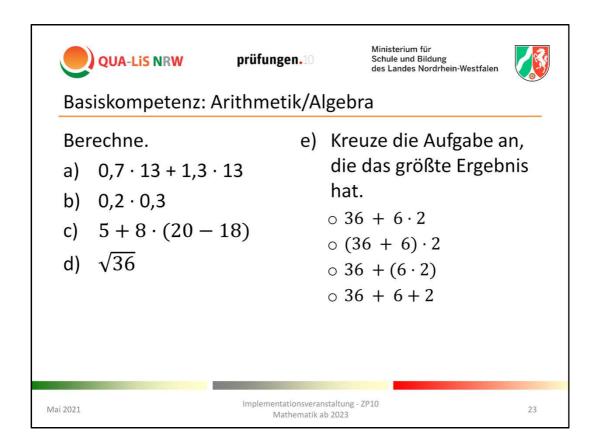
- -> Länge einer Person in mm fokussiert 1 m = 1000 mm
- -> Alter eines Schülers fokussiert 1 Jahr = 365 Tage und das Prinzip des proportionalen Schließens

Überschlagen



Angemessener Umgang mit Zahlen und Maßeinheiten im Alltag

NEUE Art von Aufgaben: **Grundvorstellungen** aktivieren statt Ergebnis aus TR interpretieren



NEUE Aufgaben: Wert eines Terms berechnen/überschlagen

Rechenvorteile ansprechen Abbilden der händischen Vorgehensweise

Einfachere Zahlenwerte bei rationalen Zahlen in verschiedenen Darstellungen,



Ministerium für Schule und Bildung des Landes Nordrhein-Westfalen



Basiskompetenz: Geometrie

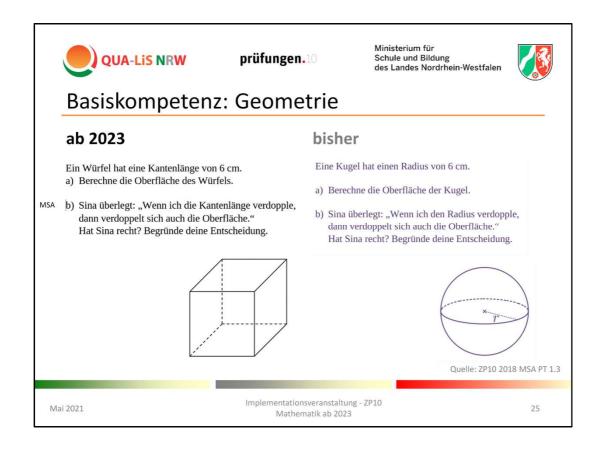
- Gib die Anzahl der Kanten einer quadratischen Pyramide an.
- Ein Holzwürfel ist aus 27 kleinen Würfeln zusammengesetzt. Jeder kleine Würfel hat ein Volumen von 1 cm³.
 Welche Kantenlänge hat der Holzwürfel?

Mai 2021

Implementationsveranstaltung - ZP10 Mathematik ab 2023

24

Grundvorstellungen von Körpern (und Flächen) Grundprinzip des Messens (hier am Beispiel Volumen)

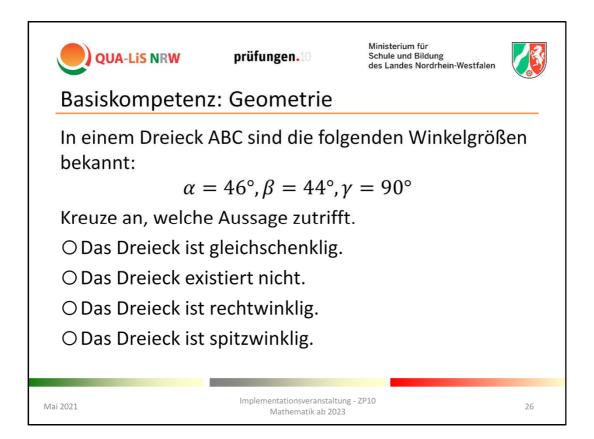


Wegfall der Formelsammlung wird die heuristische Schwierigkeit erhöhen, d.h. geringere Lösungsquote ist zu erwarten.

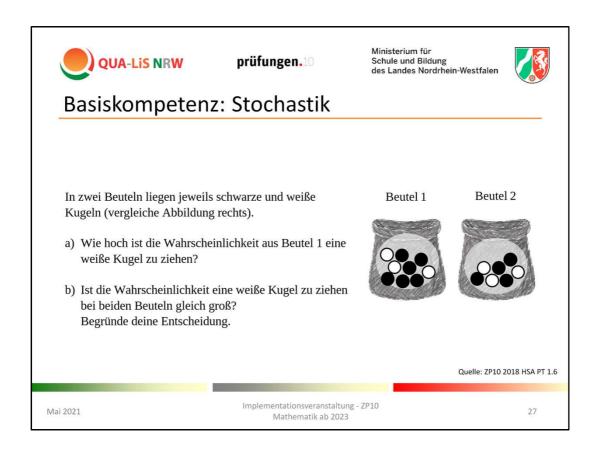
Die *Oberfläche* einer Kugel kann mithilfe der Formelsammlung berechnet werden. Die **Argumentation** ist weiterhin **angemessen für Würfel** und Quader.

Im HSA möglich:

Zusammenhang zwischen Volumen Kantenlänge (Grundidee Messen von Volumina)

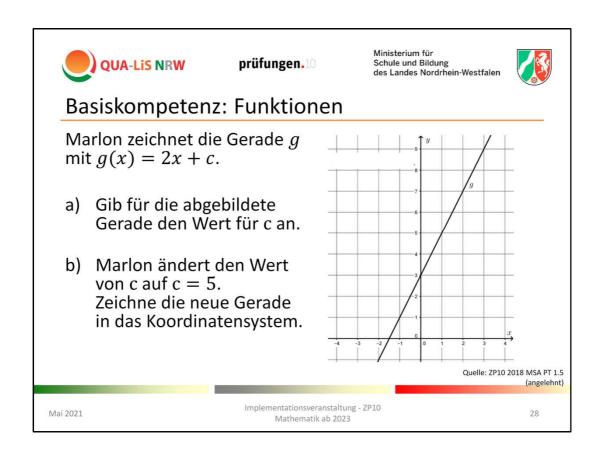


Satz über die Summe der Innenwinkel im Dreieck ohne Formelsammlung Berechnen der Summe ohne Hilfsmittel



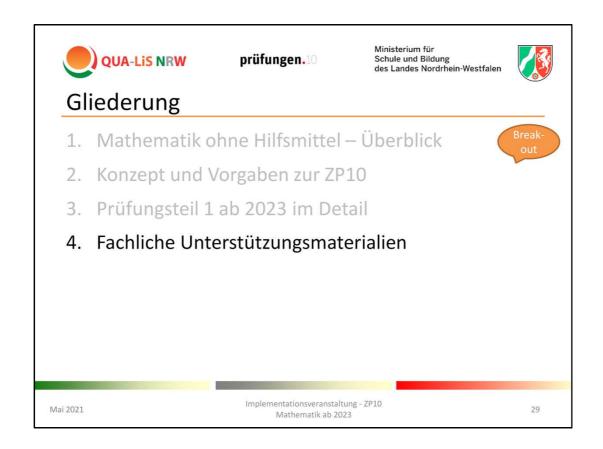
Grundbegriffe der Stochastik und prozentualer Anteile werden weiterhin vorausgesetzt.

In der Stochastik sind Beschränkungen zum Arbeiten ohne Hilfsmittel häufig auf das Zahlenmaterial bezogen.



"Einkleidung" als Dynamische Mathematiksoftware kann entfallen,

Insbesondere im MSA und GYM kann dafür mehr Wert auf eine **angemessene** (ggf. formale) **Fachsprache** gelegt werden.



Möglicher Break Out in der Implementation, hier mit Fokus auf Entscheidungen in Fachschaften:,

z.B. mit den Fragestellungen:

- Wie sollten Einheiten zum Arbeiten ohne Hilfsmittel gestaltet sein?
- Können, sollen oder müssen Aufgaben ohne Hilfsmittel in Klassenarbeiten eingebunden werden?
- Welche Vereinbarungen müssen an Schulen getroffen werden und wo wird dies kommuniziert?

Diese sollten auch wieder zusammengeführt werden und einige Aspekte sollten ergänzt werden (z.B. muss das Format den Schülerinnen und Schülern bekannt sein).

...zur Weiterarbeit in den Fachkonferenzen

 Geben Sie die Inhalte dieser Präsentation an die Kolleg*innen Ihrer Fachkonferenz weiter

Diese Powerpoint finden Sie zum Download bei fama-online.de.



...zur Weiterarbeit in den Fachkonferenzen

Überlegen Sie in der FK,

- welche Konsequenzen sich aus der Einführung des hilfsmittelfreien Teils für Ihren Unterricht ergeben.
- welche Absprachen getroffen werden müssen.



...zur Weiterarbeit in den Fachkonferenzen

Überlegen Sie in der FK,

- welche Konsequenzen sich aus der Einführung des hilfsmittelfreien Teils für Ihren Unterricht ergeben.
- · welche Absprachen getroffen werden müssen.
- > Chancen für mathematische Grundvorstellungen und Fertigkeiten
- kurzfristige Veränderungen für den Abschlussjahrgang 2023
- > Festlegung von Schwerpunkten für das Arbeiten ohne Hilfsmitteln
- Unterrichtsgestaltung (z.B. Stärkung von Grundvorstellungen)
 (z.B. regelmäßige kurze Übungen ohne Hilfsmittel)
- Gestaltung von Klassenarbeiten
- > Auswirkungen auf den schulinternen Lehrplan
- > Organisatorische Veränderungen für die ZP10.
- Weitere Ideen s. Foliennotizen



Ggf. sollten folgende Antworten ergänzt werden: Chancen

- Wachhalten von wesentlichen mathematischen Fertigkeiten
- Aufbau von Zahlvorstellungen und Fähigkeiten zum schnellen Rechnen und Überschlagen
- Anknüpfen an und stärken von tragfähigen Grundvorstellungen
- Erkennen und Revidieren von Fehlvorstellungen (sowohl bei S als auch bei L)

mögliche Schwerpunkte

- Grundrechenarten Division (KLP HS: Division nur durch ganze Zahlen)
- Grundlegende Kenntnisse zum Vereinfachen von Termen und dem Lösen von Gleichungen
- MSA: Lösungsverfahren zum Lösen LGS und quadratischer Gleichungen
- Prozent- und Zinsrechnungen (mit angemessenen Zahlwerten)
- Darstellungswechsel funktionaler Zusammenhänge sowie Deuten und bestimmen der Parameter (linear, MSA auch quadratisch)
- Verschiebungen, Drehungen, Lagebeziehungen
- Schätzen und berechnen von Längen, Flächen und Volumina *einfacher* Figuren bzw. Körper (MSA auch mit Pythagoras, Thales, Ähnlichkeit).
- Zeichnen und konstruieren geometrischer Figuren
- Netze geometrischer K\u00f6rper zeichnen und Zusammenh\u00e4nge zu K\u00f6rpereigenschaften herstellen

- Entnahme und Beurteilung von Informationen aus Diagrammen und Erstellen einfacher Diagramme
- Bestimmen/Berechnen von Kenngrößen und Wahrscheinlichkeiten (MSA auch zweistufig), Begrenzung eher durch Ari/Alg)

• ...

Gestaltung von Einheiten/Unterricht "ohne Hilfsmittel":

- kurz (5 10 Minuten)
- regelmäßig (sinnvoll mind. einmal pro Woche)
- (auch) unabhängig vom aktuellen Thema
- methodisch vorbereitete Rückmeldung (Fast Feedback z.B. durch Miniwhiteboard)
- aufgreifen von Fehlvorstellungen
- größtenteils ohne Bewertung, da Übungssituation
- nicht nur Rechnen, auch Begründungen, Zusammenhänge, Grundvorstellungen,

Klassenarbeiten

- · das Format muss den Lernenden vertraut sein
- Jahrgangsstufe 5-6 i.d.R. ohne TR
- ab Jahrgangsstufe 7 auch bewusstes Wachhalten der Kompetenzen notwendig, (s.o.)
 - Überschlagen von Ergebnisse
 - Strategien zur Überprüfung
 - · Grundverständnis und Grundvorstellung

Vereinbarungen

- Unterricht, Übungen und Klassenarbeiten (siehe Punkt 1 und 2)
- Schulinterne Lehrpläne

...zur Weiterarbeit in den Fachkonferenzen

Sammeln Sie Fragen an die Fachberatung zur Weiterarbeit in den Regionalen Dienstbesprechungen im Herbst.

- Welche Unterstützung benötigen Sie?
- Welche Rückmeldungen möchten Sie geben?

Bitte geben Sie Ihre Fragen und Rückmeldungen bis zum 25.10.2021 über fama-online an uns weiter. Sie finden dort ein entsprechendes Rückmeldeformular.

THE ANY WILL



Sammlung an Beispielaufgaben wird auf www.standardsicherung.nrw.de ergänzt – Ziel der Aufgaben ist, händisch zu leistendes zu illustrieren,

Basiskompetenzen (Grundvorstellungen, Grundverständnis, Grundprinzipien) nicht vollständig,

weniger Prozesse,

viele Aufgaben wie bisher (z.B. einfache Begründungen, Erklärungen)

Siehe auch: SINUS.NRW Broschüre "Mathematik ohne Hilfsmittel" (S. Kaufmann & J. Roß, 2018).

Diese hat aber als Zielgruppe diejenigen, die später Mathematik in Studium und Beruf verstärkt benötigen



Roß, Joachim (2015). Fachdidaktische Rückmeldungen zu den zentralen Prüfungen am Ende der Jgst. 10 (ZP10) im Fach Mathematik. Soest: Qualitäts- und UnterstützungsAgentur - Landesinstitut für Schule des Landes Nordrhein-Westfalen (QUA-LiS NRW).

Roß, Joachim & Besuch, Natascha (Qualitäts- und UnterstützungsAgentur -

Landesinstitut für Schule des Landes Nordrhein-Westfalen (QUA-LiS NRW), Hrsg.) (2016). Fachdidaktische Rückmeldungen zu den zentralen Prüfungen am Ende der Jgst. 10 (ZP10) im Fach Mathematik. Prüfungsjahrgang 2016. Verfügbar unter

https://www.schulentwicklung.nrw.de/cms/upload/Faecher_Seiten/mathematik/M16_Fachdidaktische_Rueckmeldung.pdf [05.0.52021].

Roß, Joachim & Besuch, Natascha (Qualitäts- und UnterstützungsAgentur -

Landesinstitut für Schule des Landes Nordrhein-Westfalen (QUA-LiS NRW), Hrsg.) (2017). Fachdidaktische Rückmeldung zu den zentralen Prüfungen am Ende der Klasse 10 (ZP10) im Fach Mathematik. Prüfungsjahrgang 2017. Verfügbar unter

https://www.schulentwicklung.nrw.de/cms/upload/Faecher_Seiten/mathematik/M17_Fachdidaktische_Rueckmeldung.pdf [05.05.2021].

Roß, Joachim & Besuch, Natascha (Qualitäts- und UnterstützungsAgentur -

Landesinstitut für Schule des Landes Nordrhein-Westfalen (QUA-LiS NRW), Hrsg.) (2019). Fachdidaktische Rückmeldung zu den zentralen Prüfungen am Ende der Klasse 10 (ZP10) im Fach Mathematik. Prüfungsjahrgang 2019. Verfügbar unter

https://www.schulentwicklung.nrw.de/cms/upload/Faecher_Seiten/mathematik/M19_Fachdidaktische_Rueckmeldung.pdf [05.05.2021].

Ministerium für Schule und Weiterbildung des Landes Nordrhein-Westfalen (Oktober 2013). Analysen und Hinweise zur Bearbeitung ausgewählter Aufgaben der Zentralen Prüfungen 10 Mathematik auf der Grundlage der Ergebnisrückmeldung 2010 bis 2012. Zentrale Prüfungen 10 – Mathematik Hauptschulabschluss nach Klasse 10 / mittlerer Schulabschluss (FOR), Soest. Verfügbar unter

https://www.standardsicherung.schulministerium.nrw.de/cms/upload/zp10/sonstige_Dat eien/2019/ZP10 Fachbericht-Mathematik.pdf [05.05.2021].



Ministerium für Schule und Bildung des Landes Nordrhein-Westfalen





Herzlichen Dank für Ihre Aufmerksamkeit!

http://www.standardsicherung.nrw.de

Mai 2021

Implementationsveranstaltung - ZP10 Mathematik ab 2023